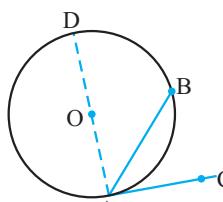
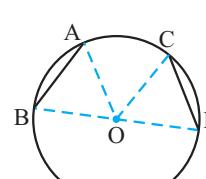
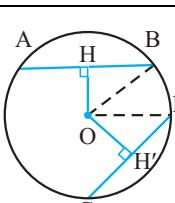


مدت زمان امتحان: ۱۰۰ دقیقه		آزمون شماره (۲)	آزمون نیمسال اول هندسه ۲
پایه یازدهم ریاضی		کل فصل ۱ و فصل ۲ تا ابتدای انتقال	
ردیف	نمره	سوالات	
۱	۰ / ۷۵	<p>درستی یا نادرستی گزاره‌های زیر را تعیین کنید.</p> <p>(الف) اگر فاصله خطی از مرکز دایره از شعاع دایره کمتر باشد، آن‌گاه خط و دایره دو نقطه اشتراک دارند.</p> <p>(ب) تمام چندضلعی‌ها، همواره محیطی یا محاطی می‌باشند.</p> <p>(ج) بازتاب شبی خطوط را حفظ می‌کند.</p>	
۲	۰ / ۷۵	<p>در سوالات زیر، گزینهٔ صحیح را انتخاب کنید.</p> <p>(الف) نقطه همروزی نیمسازهای زوایای داخلی یک مثلث، همواره آن مثلث است.</p> <p>(۱) مرکز ثقل (۲) مرکز دایرهٔ محاطی داخلی (۳) مرکز دایرهٔ محیطی (۴) مرکز دایرهٔ محاطی خارجی</p> <p>(ب) در دو دایره $O_1O_2 = R + R'$ باشد، آن‌گاه وضع دو دایره نسبت به هم چگونه است؟</p> <p>(۱) مماس درون (۲) هم‌مرکز (۳) مماس برون (۴) متقارن</p> <p>(ج) بازتاب نسبت به خط، نقطه ثابت تبدیل دارد.</p> <p>(۱) بی‌شمار (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴</p>	
۳	۱ / ۵	<p>واژه‌های زیر را تعریف کنید.</p> <p>(الف) زاویهٔ محاطی (ب) چندضلعی محیطی (ج) تبدیل ایزوومتری</p>	
۴	۱ / ۲۵	ثابت کنید اندازهٔ هر زاویهٔ ظلی برابر است با نصف کمان روبرو به آن زاویه.	
۵	۱ / ۵	ثابت کنید در یک دایره، کمان‌های نظیر دو وتر مساوی باهم برابرند.	
۶	۱ / ۵	<p>مطابق شکل اگر زاویهٔ مرکزی قطاعی از دایره، مساوی 30° باشد، در این صورت موارد زیر را محاسبه کنید:</p> <p>(الف) طول کمان AB</p> <p>(ب) مساحت قطاع</p>	
۷	۱ / ۵	<p>در دایره O نشان دهید: $AB > CD \Leftrightarrow OH < OH'$</p>	
۸	۱ / ۵	<p>در شکل زیر $\hat{E} = 30^\circ$ و $\widehat{CMD} = 30^\circ$ می‌باشد. مقدار \widehat{BND} چه قدر است؟</p>	



ردیف	سؤالات	آزمون نیمسال اول هندسه ۲	آزمون شماره (۲)	مدت زمان امتحان: ۱۰۰ دقیقه
ردیف	نمره	پایه یازدهم ریاضی	کل فصل ۱ و فصل ۲ تا ابتدای انتقال	آزمون شماره (۲)
۹	۱		با توجه به شکل مقابل، اندازه x را بدست آورید.	
۱۰	۱/۵		هرگاه M نقطه‌ای بیرون دایره باشد و از M مماس و قاطعی نسبت به دایره رسم کنیم، ثابت کنید مربع اندازه مماس برابر است با حاصل ضرب اندازه‌های دو قطعه قاطع.	
۱۱	۱		شعاع‌های دو دایره 4 و 8 سانتی‌متر است. اگر طول مماس مشترک داخلی آن‌ها 9 سانتی‌متر باشد، فاصله بین مرکزهای دو دایره را بیابید.	
۱۲	۱/۵		نشان دهید اگر یک چهارضلعی محیطی باشد، آن‌گاه مجموع اندازه‌های دو ضلع مقابل، برابر مجموع اندازه‌های دو ضلع مقابل دیگر است.	
۱۳	۱/۲۵		دو زاویه مجاور یک چهارضلعی محاطی 50° و 100° است. قدر مطلق تفاضل دو زاویه دیگر چه قدر است؟	
۱۴	۱		هرگاه از نقطه M خارج دایره $C(O, R)$ دو مماس بر دایره رسم کنیم و T و T' نقاط تماس باشند، ثابت کنید: الف) اندازه‌های دو مماس برابرند. ب) پاره خط MO نیمساز زاویه TMT' است.	
۱۵	۱/۲۵		مطابق شکل پاره خط AB با خط بازتاب d ، نه موازی و نه متقاطع است. ثابت کنید اندازه این پاره خط و اندازه تصویرش با هم برابرند.	
۱۶	۱/۲۵		در شکل رویه رو PR عمود منصف QS است. با استفاده از ویژگی‌های تبدیل بازتاب، ثابت کنید: $\hat{SPR} = \hat{QPR}$.	
جمع	۲۰		موفق باشید	

مدت زمان امتحان: ۱۰۰ دقیقه		آزمون شماره (۲)	پاسخ تشریحی آزمون نیمسال اول هندسه ۲	
پایه یازدهم ریاضی		کل فصل ۱ و فصل ۲ تا ابتدای انتقال		
ردیف	نمره	پاسخ		
۱	۰/۷۵	الف) درست ب) نادرست ج) نادرست		
۲	۰/۷۵	الف) مرکز دایره محاطی داخلی ب) مماس بروند ج) بی‌شمار		
۳	۱/۵	الف) زاویه‌ای است که رأس آن روی دایره و اضلاع آن شامل دو و تر از دایره باشند. ب) چندضلعی را محیطی می‌گوییم اگر و فقط اگر دایره‌ای باشد که همه ضلع‌های آن بر دایره مماس باشد. ج) تبدیل‌هایی که طول پاره خط را حفظ می‌کنند؛ تبدیلات طولپا (ایزومنتری) نامیده می‌شوند.		
۴	۱/۲۵	زاویه ظلی \hat{CAB} را درنظر گرفته و قطری از دایره را رسم می‌کنیم که شامل نقطه A باشد:  $\hat{DAC} = 90^\circ \Rightarrow \hat{DAC} = \frac{1}{2}\hat{DBA} \quad (1)$ $\hat{DAB} = \frac{\hat{DB}}{2} \text{ : زاویه محاطی} \quad (2)$ $\hat{BAC} = \hat{DAC} - \hat{DAB} = \frac{\hat{DBA} - \hat{DB}}{2} = \frac{\hat{AB}}{2}$		
۵	۱/۵	از نقطه O (مرکز دایره) به نقاط C, B, A وصل می‌کنیم. لذا با توجه به فرض مسأله داریم:  $\left. \begin{array}{l} AB = CD \\ OA = OC = R \\ OB = OD = R \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{(ضض)}} \triangle AOB \cong \triangle COD$ $\Rightarrow \hat{AOB} = \hat{COD} \Rightarrow \hat{AB} = \hat{CD}$		
۶	۱/۵	(الف) $\hat{AB} = \frac{\pi r}{180} \alpha \Rightarrow \hat{AB} = \frac{\pi r}{180} \times 30 = \frac{1}{6} \pi r$ (b) $S = \frac{\pi r^2 \alpha}{360} \Rightarrow S = \frac{\pi r^2 \times 30}{360} = \frac{1}{12} \pi r^2$		
۷	۱/۵	با استفاده از قضیه فیثاغورس در دو مثلث $\triangle OHB$ و $\triangle OH'D$ داریم:  $\left. \begin{array}{l} \triangle OHB : OH^2 + HB^2 = OB^2 \\ \triangle OH'D : OH'^2 + H'D^2 = OD^2 \end{array} \right\} \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} OH^2 + \frac{AB^2}{4} = R^2 \\ OH'^2 + \frac{CD^2}{4} = R^2 \end{array} \right.$ $\Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} OH^2 = R^2 - \frac{AB^2}{4} \\ OH'^2 = R^2 - \frac{CD^2}{4} \end{array} \right.$ بنابراین می‌توان نتیجه گرفت که: $AB > CD \Leftrightarrow \frac{AB^2}{4} > \frac{CD^2}{4} \Leftrightarrow R - \frac{AB^2}{4} < R - \frac{CD^2}{4} \Leftrightarrow OH^2 < OH'^2 \Leftrightarrow OH < OH'$		

مدت زمان امتحان: ۱۰۰ دقیقه	آزمون شماره (۲)	پاسخ تشریحی آزمون نیمسال اول هندسه ۲
پایه یازدهم ریاضی	کل فصل ۱ و فصل ۲ تا ابتدای انتقال	

۱/۵	$\widehat{AC} + \widehat{CMD} + \widehat{DNB} = 180^\circ$ $\Rightarrow \widehat{AC} + 30^\circ + \widehat{DNB} = 180^\circ \Rightarrow \widehat{AC} + \widehat{DNB} = 150^\circ \quad (1)$ <p>از طرف دیگر داریم:</p> $\hat{E} = \frac{\widehat{DNB} - \widehat{AC}}{2} = 30^\circ \Rightarrow \widehat{DNB} - \widehat{AC} = 60^\circ \quad (2)$ $\xrightarrow{(2),(1)} \widehat{BND} = 105^\circ$	۸
۱	<p>با استفاده از روابط طولی که بین دو وتر متقاطع در داخل دایره برقرار است، داریم:</p> $x \cdot (x - 3) = 3 \times 18 \Rightarrow x^2 - 3x - 54 = 0 \Rightarrow (x - 9)(x + 6) = 0$ $\Rightarrow \begin{cases} x = 9 \\ x = -6 \end{cases}$ <p>غیره</p>	۹
۱/۵	<p>از نقطه M خارج از دایره، یک مماس و یک قاطع نسبت به دایره رسم می‌کنیم.</p> <p>حال از نقطه T (محل تماس) به نقاط A و B وصل می‌کنیم. لذا داریم:</p> $\text{زاویه محاطی: } \hat{MTA} = \frac{\widehat{AT}}{2} \Rightarrow \begin{cases} \hat{MTA} = \hat{TBM} \xrightarrow{\text{ز} \rightarrow} \triangle MTA \sim \triangle MBT \\ \hat{M} = \hat{M} \end{cases}$ <p>مشترک</p> <p>در نهایت با توجه به تشابه دو مثلث مذکور داریم:</p> $\frac{MT}{MA} = \frac{MB}{MT} \Rightarrow MT^2 = MA \cdot MB$	۱۰
۱	$\begin{aligned} R &= 4 \\ R' &= 8 \end{aligned}$ <p>طول مماس مشترک داخلی، $= \sqrt{d^2 - (R + R')^2}$</p> $\Rightarrow 9 = \sqrt{d^2 - (4+8)^2} \Rightarrow 9^2 = d^2 - 12^2 \Rightarrow d = 15$	۱۱
۱/۵	<p>فرض می‌کنیم محل تماس دایرة محاطی این چهارضلعی با اضلاع آن، نقاط K, L, M, N باشند.</p> <p>حال با توجه به اینکه طول مماس‌های مرسوم بر یک دایره از یک نقطه خارج از آن، با یکدیگر برابرند، داریم:</p> $\left. \begin{aligned} AK &= AN \\ BK &= BL \\ CL &= CM \\ DM &= DN \end{aligned} \right\} \Rightarrow AK + KB + CM + MD = AN + BL + CL + DN$ $\Rightarrow AB + CD = BC + AD$	۱۲



مدت زمان امتحان: ۱۰۰ دقیقه	آزمون شماره (۲)	پاسخ تشریحی آزمون نیمسال اول هندسه ۲
پایه یازدهم ریاضی	کل فصل ۱ و فصل ۲ تا ابتدای انتقال	
۱/۲۵	$\begin{cases} \hat{A} + \hat{C} = 180^\circ \\ \hat{B} + \hat{D} = 180^\circ \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 100^\circ + \hat{C} = 180^\circ \\ 50^\circ + \hat{D} = 180^\circ \end{cases}$ $\begin{cases} \hat{C} = 80^\circ \\ \hat{D} = 130^\circ \end{cases} \Rightarrow \hat{C} - \hat{D} = 80^\circ - 130^\circ = 50^\circ$	۱۳
۱	$\begin{cases} \hat{T} = \hat{T}' = 90^\circ \\ MO = MO \text{ مشترک} \\ TO = T'O = R \end{cases} \xrightarrow{\text{و تو و یک ضلع}} \triangle TMO \cong \triangle T'MO$ $\Rightarrow MT = MT'$ <p>(الف)</p> $T\hat{M}O = T'\hat{M}O \Rightarrow \hat{M}_1 = \hat{M}_2 \Rightarrow TMT' \text{ نیمساز زاویه } MO$ <p>(ب)</p>	۱۴
۱/۲۵	<p>پاره خط AB را امتداد می‌دهیم تا خط بازتاب را در نقطه M قطع کند.</p> <p>نقطه B'، بازتاب نقطه B را نسبت به خط بازتاب پیدا و پاره خط MB' را رسم می‌کنیم.</p> <p> واضح است که تصویر A روی MB' قرار دارد، پس داریم:</p> $\begin{cases} T(M) = M \\ T(A) = A' \\ T(B) = B' \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} MB = MB' \\ MA = MA' \\ AB = MB - MA \\ A'B' = MB' - MA' \end{cases} \Rightarrow AB = A'B'$	۱۵
۱/۲۵	<p>حال با استفاده از تبدیل بازتاب T نسبت به خط بازتاب PR داریم:</p> $\begin{cases} T(S) = Q \\ T(P) = P \\ T(R) = R \end{cases} \xrightarrow[\text{بازتاب تبدیلی طولپا است}]{\text{}} \begin{cases} SR = RQ \\ SP = QP \\ PR = PR \end{cases} \xrightarrow[\text{(ضضض)}]{\triangle} \triangle PSR \cong \triangle PQR$ $\Rightarrow \hat{SPR} = \hat{QPR}$	۱۶
۲۰		جمع